

Bachelor - Studiengang Bauingenieurwesen

Prüfungsfach

Statik und Tragwerkslehre B

Klausur am 27.08.2012

Name: _____ Vorname: _____ Matr.-Nr.: _____
(bitte deutlich schreiben) (9-stellig)

Aufgabe	1	2	3	4	Summe
mögliche Punkte	15	32	9	34	90
erreichte Punkte					

Wichtige Hinweise

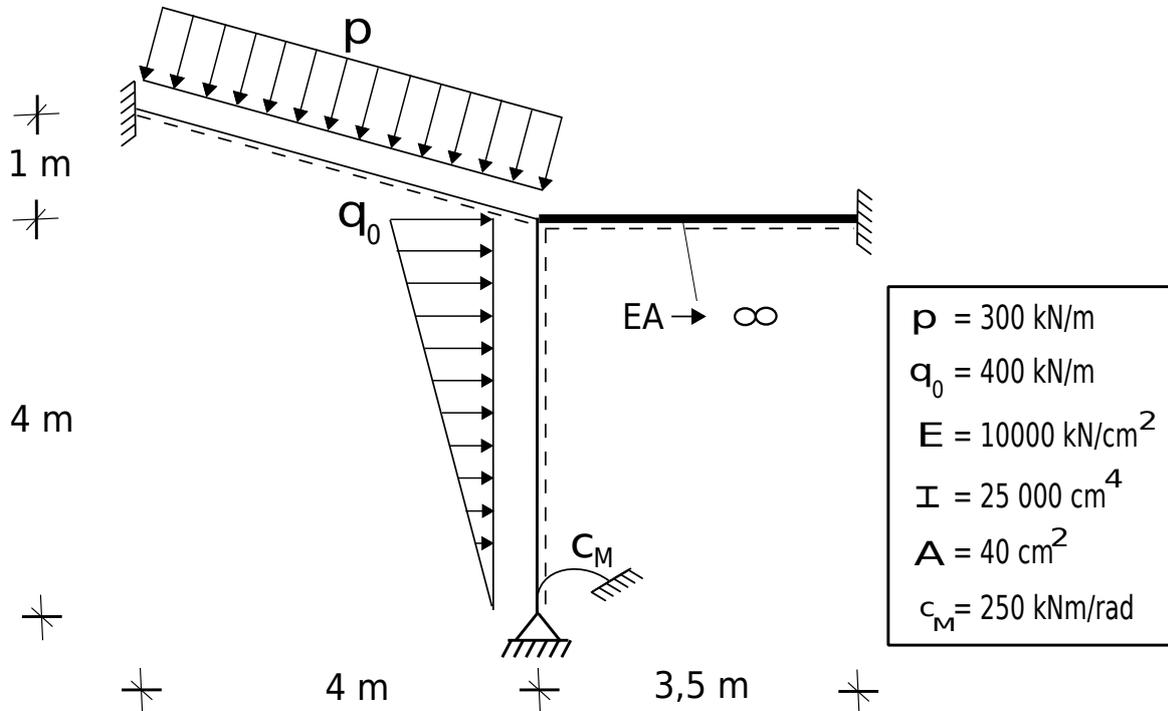
- Dauer der Klausur: 90 Minuten, davon 15 Minuten für Aufgaben ohne Hilfsmittel (Typ I), 75 Minuten für Aufgaben mit Hilfsmittel (Typ II).
- Prüfen Sie, ob alle Aufgabenblätter vorhanden sind.
- Schreiben Sie auf das Deckblatt Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer.
- Geben Sie bei den Aufgaben, die ohne Hilfsmittel zu bearbeiten sind, Ihre Lösungen auf den Aufgabenblättern an. Bei Bedarf können Sie weiteres farbiges Schreibpapier anfordern. Verwenden Sie hierfür kein eigenes Papier.
- Die Aufgabenblätter zu den Aufgaben, die mit Hilfsmitteln zu bearbeiten sind, sind zusammen mit den zugehörigen Lösungen abzugeben.
- Keine grünen Stifte verwenden.
- Die Lösungen sollen alle Nebenrechnungen und Zwischenergebnisse enthalten.
- Programmierbare Rechner nur ohne Programmteil benutzen.
- Die Benutzung von Notebooks, Laptops, PDA ist nicht zulässig. Bei der Lösung der Aufgaben ohne Hilfsmittel (Typ I) ist auch die Benutzung von Taschenrechnern verboten.
- Mobiltelefone sind während der Klausur abzuschalten und dürfen nicht benutzt werden.
- Das Verlassen des Klausorraumes zwischen Aufgaben Typ I und Typ II der Klausur ist nicht gestattet. Gleiches gilt für das Verlassen des Raumes vor Ablauf der Bearbeitungszeit.
- Toilettenbesuche sind nur einzeln unter Hinterlegung des Studentenausweises bei den Aufsichtspersonen gestattet.

Aufgabe 2

max. Σ Punkte: 32

erreichte Σ Punkte:

Das dargestellte Tragwerk ist mit einer konstanten Streckenlast p und einer linear veränderlichen Streckenlast q_0 belastet. Alle Materialparameter und Geometriedaten sind bekannt und können der Systemskizze entnommen werden. Die Normalkräfte nach Theorie I. Ordnung wurden bereits berechnet und können Skizze A entnommen werden.



- Skizzieren Sie die Verformungsfigur für die gegebene Belastung.
- Berechnen Sie die zu den unbekanntem Knotenfreiheitsgraden korrespondierende reduzierte Gesamtsteifigkeitsmatrix des Systems \mathbf{K}_{red} nach **Theorie 2. Ordnung**. Verwenden Sie hierfür folgende lokale Elementsteifigkeitsmatrix:

$$\mathbf{k} = \begin{bmatrix} \frac{EA}{l} & 0 & 0 & -\frac{EA}{l} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{EI}{l^3} [2(\bar{A} + \bar{B}) - \epsilon^2] & -\frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & 0 & -\frac{EI}{l^3} [2(\bar{A} + \bar{B}) - \epsilon^2] & -\frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) \\ 0 & -\frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & \frac{EI}{l} \bar{A} & 0 & \frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & \frac{EI}{l} \bar{B} \\ \hline -\frac{EA}{l} & 0 & 0 & \frac{EA}{l} & 0 & 0 \\ 0 & -\frac{EI}{l^3} [2(\bar{A} + \bar{B}) - \epsilon^2] & \frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & 0 & \frac{EI}{l^3} [2(\bar{A} + \bar{B}) - \epsilon^2] & \frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) \\ 0 & -\frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & \frac{EI}{l} \bar{B} & 0 & \frac{EI}{l^2} (\bar{A} + \bar{B}) & \frac{EI}{l} \bar{A} \end{bmatrix},$$

mit: $\bar{A} = \frac{\epsilon(\sin \epsilon - \epsilon \cos \epsilon)}{2(1 - \cos \epsilon) - \epsilon \sin \epsilon}$, $\bar{B} = \frac{\epsilon(\epsilon - \sin \epsilon)}{2(1 - \cos \epsilon) - \epsilon \sin \epsilon}$.

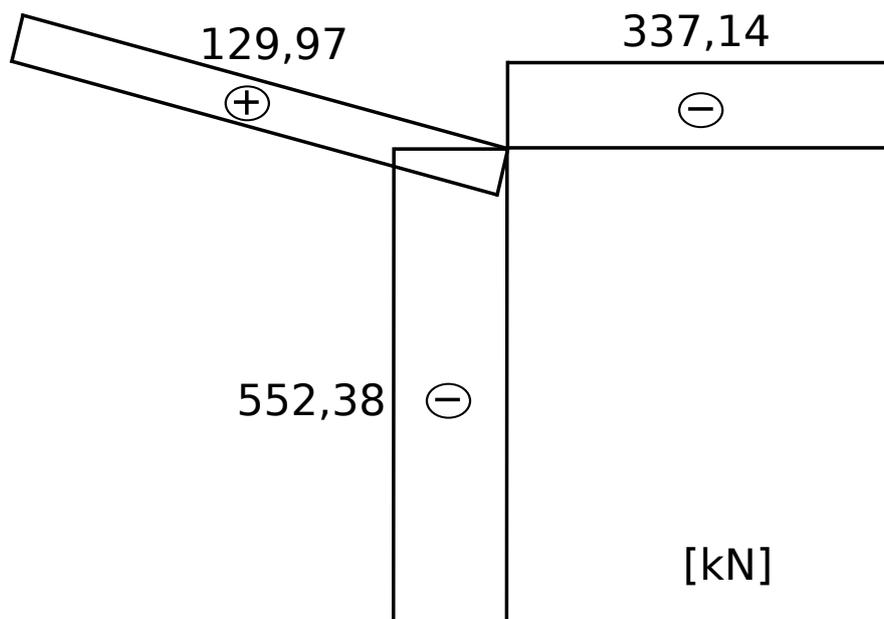
Hinweis:

Vereinfachend kann für zugbeanspruchte Stäbe nach Theorie 1. Ordnung gerechnet werden!

- c) Bestimmen Sie den reduzierten Systemlastvektor \mathbf{r}_{red} nach Theorie 2. Ordnung.
- d) Berechnen Sie die unbekanntenen Knotenfreiheitsgrade des Tragwerks nach Theorie 2. Ordnung und vergleichen Sie die berechneten Ergebnisse mit Ihrer erwarteten Verformungsfigur.

Skizze A

Normalkraft nach Theorie I. Ordnung

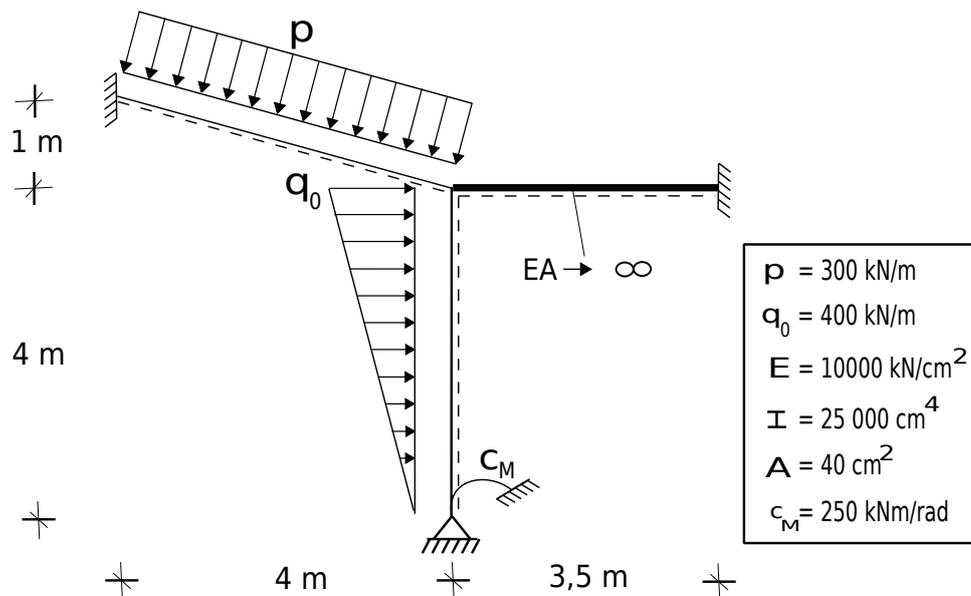


Aufgabe 3

max. Σ Punkte: 9

erreichte Σ Punkte:

Das dargestellte System, welches in Aufgabe 2 der Klausur nach Theorie II. Ordnung zu berechnen ist, soll **hier** nach dem **Verfahren von Ritz** unter Verwendung des Prinzips der virtuellen Verschiebungen bearbeitet werden. Unter Berücksichtigung der dargestellten Lasteinleitung ist zur Stabilitätsuntersuchung des maßgebenden Druckstabes (siehe Skizze A, Aufgabe 2) des Tragwerksystems ein geeignetes Ersatzsystem zu wählen. Alle Geometrieparameter und Materialdaten sind der Systemskizze zu entnehmen.



Hinweis: Für den maßgebenden Druckstab ist der Einfluss der Axialdehnung $\varepsilon(x)$ bzw. der virtuellen Axialdehnung $\bar{\varepsilon}(x)$ zu vernachlässigen!

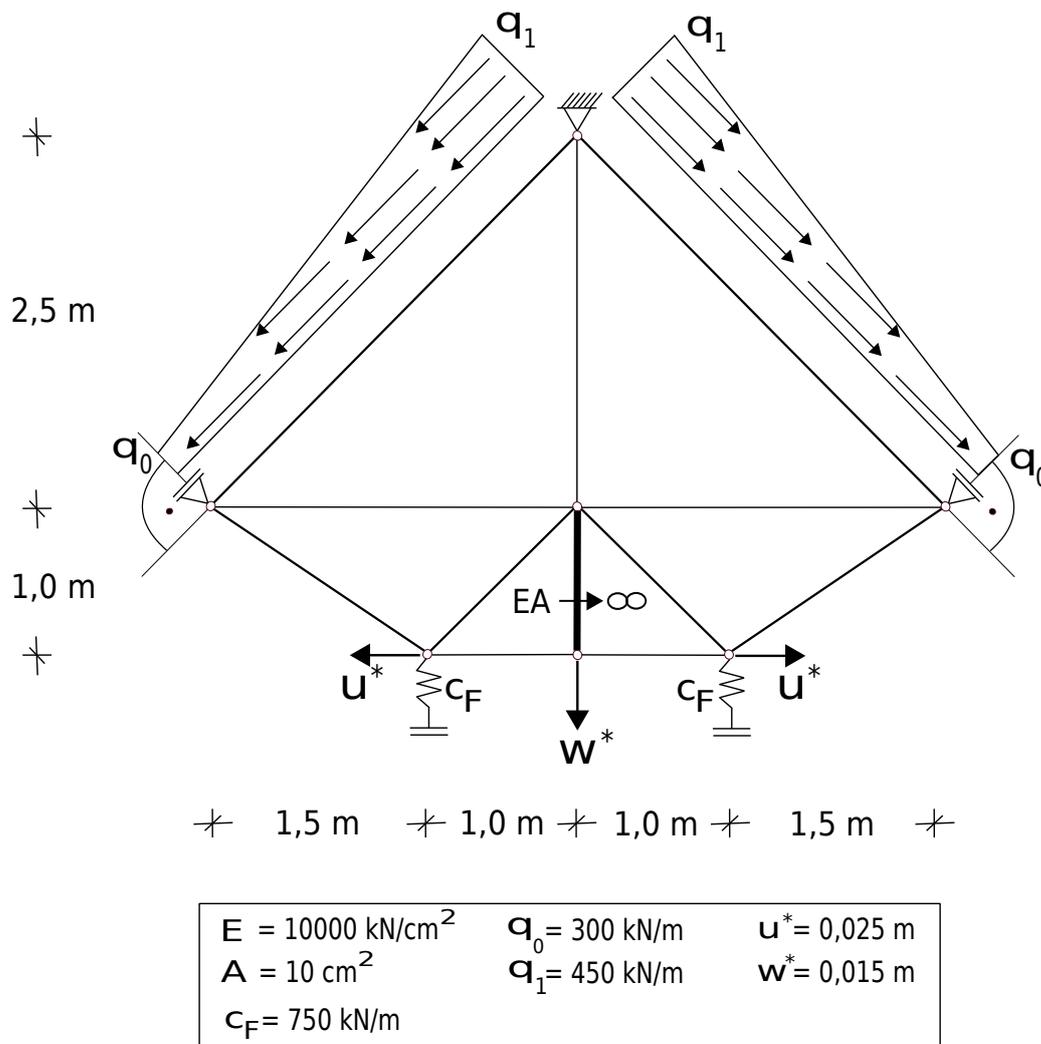
- a) Wählen Sie ein geeignetes Ersatzsystem, das nur aus dem vertikalen Stab besteht, und in dem die Effekte der beiden übrigen Stabelemente bzw. deren Belastungen berücksichtigt sind.
- b) Geben Sie das Prinzip der virtuellen Verschiebungen für das maßgebende Druckelement an. Drücken Sie alle Schnittgrößen und Verzerrungen durch $w(x)$ bzw. Ableitungen von $w(x)$ aus.

Aufgabe 4

max. Σ Punkte: 34

erreichte Σ Punkte:

Das dargestellte symmetrische Fachwerksystem ist an zwei Fachwerkstäben mit einer Trapezlast (q_0, q_1) belastet. An drei weiteren Knoten ist die Verschiebung u^* bzw. w^* vorgeschrieben. Alle Materialparameter und Geometriedaten sind der Systemskizze zu entnehmen. Alle Berechnungen sind mit Hilfe der **Finite Element Methode** auf Basis linearer Ansatzfunktionen durchzuführen.



- Skizzieren Sie die Verformungsfigur des Systems.
- Wie viele unbekannte Freiheitsgrade hat das Fachwerksystem unter Berücksichtigung der Symmetrie?
- Berechnen Sie alle notwendigen Einträge der globalen Elementsteifigkeitsmatrizen \mathbf{k}^{el} .
- Berechnen Sie die zu den unbekanntem Knotenfreiheitsgraden korrespondierende reduzierte Gesamtsteifigkeitsmatrix \mathbf{K}_{red} des Systems.
- Berechnen Sie den reduzierten Systemknotenlastvektor \mathbf{r}_{red} .
- Berechnen Sie die unbekanntem Verschiebungen \mathbf{u} des Systems.